پژوهشهای ژئومورفولوژی کمّی، سال یازهم، شماره ۱، تابستان ۱۴۰۱ صص. ۱۸۲–۱۷۱

تحلیل نظم هندسی شبکههای زهکشی با استفاده از مدل توکوناگا و بعد ظرفیت(مطالعه موردی: حوضه آبریز رودخانه بشار)

زهرا پروانه – کارشناس ارشد ژئومورفولوژی، گروه زمین شناسی دریایی، دانشگاه علوم و فنون دریایی خرمشهر، خرمشهر، ایران هیوا علمیزاده* – استادیار ژئومورفولوژی، گروه زمین شناسی دریایی، دانشگاه علوم و فنون دریایی خرمشهر، خرمشهر، ایران

پذیرش مقاله: ۱۴۰۰/۰۲/۱۴ تائید نهایی: ۱۴۰۰/۰۹/۲۸

چکیدہ

سازماندهی سلسله مراتبی و خود متشابه در شبکههای زهکشی از موضوعات مهم در ژئومورفولوژی و هیدرولوژی میباشد. از این رو در این مقاله با هدف بررسی انشعاب شبکه زهکشی حوضه بشار از مدل توکوناگا و بعد همبستگی فراکتالی استفاده شده است. رودخانه بشار یکی از زیرحوضههای کارون بزرگ است که در جنوب غرب کشور قرار دارد. در اولین گام شبکه اَبراهههای حوضه بشار مطابق با روش توکوناگا به شکل درخت متناظر ترسیم و به کمک تابع همبستگی در نرمافزار Fractalys محاسبات فرکتالی دوبعدی پردازش گردید. مدل توکوناگا بر اساس فرض خود متشابه در درخت فرکتالی و ساختار شبکه جانبی خود متشابه توکوناگا ساخته شده است که توسط دادههای شبکههای زهکشی پشتیبانی می شود. این مدل با رتبهبندی شاخههای جانبی و ادغام جریانهای انشعابات مختلف، ساختار انشعابی سیستم هورتون-استرالر را به تمام ردههای أبراههها گسترش میدهد. نتایج محاسبات بعد فرکتال، نسبت انشعاب متوسط و مدت زمان اندک برای رسیدن به جریان دائمی را نشان میدهد. به طوریکه با افزایش مرتبه، میانگین طولی انشعابات رودخانه و میزان دبی افزایش یافته و پیک هیدروگراف رودخانه نیز به همان نسبت بیشتر خواهد بود؛ در نتیجه قدرت پیشروی رودخانه بیشتر می شود. به این ترتیب تعداد انشعابات رودخانه از مرتبه های گوناگون، همچنین سطح و طول این انشعابات از رابطه توانی و فرکتالی تبعیت میکنند. همچنین نتایج بعد فرکتال همبستگی بیانگر رفتار آشوبناکی نسبتاً بالای حوضه میباشد و میتوان نتیجه گرفت که آشوب بهوجود آمده در رتبهبندی حوضه هم تأثیر می گذارد و کوچک ترین تغییر در ردههای این شبکه زهکشی منجر به تغییرات بزرگ در کل سیستم انشعاب آبراهههای حوضه می گردد.

واژگان کلیدی: بعد ظرفیت، نظم هندسی، مدل توکوناگا، شبکه زهکشی، حوضه بشار.

مقدمه

رودخانهها محیطهای نسبتا ناپایداری هستند که به دلیل پویا بودن و ویژگیهای ذاتی، بهوقوع تغییرات در بستر یا در حواشی آن واکنش نسبتاً سریعی نشان میدهند. به طوریکه در گذر زمان و تحت تأثیر عوامل مختلفی مانند ویژگیهای زمین شناسی، هیدرولوژیکی و ژئومورفولوژیکی دائماً در حال تغییر و تحول می باشند (حسینی و فتاحی، ۱۳۹۷ ۲۰۱۰؛ دریکوند و فرهپور، ۱۳۹۹: ۸۹). در این رابطه تجزیه و تحلیل مورفومتریک الگوی جریانی شبکههای زهکشی در مقیاسهای زمانی کوتاهمدت تا بلندمدت با استفاده از شاخصهای مورفومتری و دادههای توپوگرافی، از جمله مباحث کلیدی در مطالعات ژئومورفولوژی رودخانه و شناخت الگوی رودخانه (مورفولوژی) است (یان^۲ و همکاران، ۲۰۱۸: ۱۳۲۳؛ لیائو^۲ و همکاران، ۱۲۰۲ دکا2). بررسی ارتباط بین شبکههای زهکشی و فرمها و الگوهای جریانی که منجر به پیش بینی روند تغییرات الگوی هندسی رودخانه می شوند، نیازمند نظارت پیوسته بر ویژگیهای مختلف رودخانهها و ابزارهای دقیق مطالعاتی می باشد. بر این اساس پایش پیوستهی ژئوسیستمهای رودخانهای، ضمن این که باعث آگاهی دائمی از ویژگیهای مختلف آنها می شود، مونجر به مدیریت پایدار رودخانهها و آشکار شدن روند تغییرات آنها نیز خواهد شد و در نتیجه می توان اقدامات موژی در جهت توسعه پایدار، مدیریت و برنامهریزی صحیح و بهرهبرداری از این منابع ارزشمند نمود (کرک⁷و همکاران، ۲۰۱۵، ۲۰۱۱؛ ۲۰۱۴ بوشی و کوتلیا[‡]، ۲۰۱۸؛ دوریتو⁶ و همکاران، ۲۰۲۰). در این میان تحلیل بعد فراکتالی یکی از قدرتمندترین روشهای موشی و کوتلیا[‡]، ۲۰۱۸؛ دوریتو⁶ و همکاران، ۲۰۲۰). در این میان تحلیل بعد فراکتالی یکی از قدرتمندترین روشهای موشی و منبخ به مدیریت پایدار به مورت کمی بررسی نموده و سعی دارد با به کارگیری قواعد سادهٔ تغییرات مقیاس به درک تحلیل سیستمهای غیرخطی جهت بررسی این الگوهای پیچیده می باشد که پیچیده ساده تغییرات مقیاس به درک

فرم شبکه آبراههها به عنوان یک هویت ژئوسیستمی از بارزترین الگوهای فرکتالی در طبیعت به شمار میروند، این الگوها به شکل قابل توجهی ساختارهای درخت مانندی را ایجاد میکنند که در جهت ایجاد تعادل سیستمهای رودخانهای، امکان حمل رسوب و رواناب را در سیستم آبریز خروجی حوضه فراهم نموده و رفتارهای فرکتالی را در این فرآیند از خود بروز میدهند (سپهر و همکاران، ۱۳۹۵: ۴؛ گلکار² و همکاران، ۲۰۱۳: ۲۰۱۱؛ برتولونی^۷، ۲۰۱۲: ۴۶۰). در این میان هندسه فرکتال بهعنوان ابزاری در زمینه ریاضیات جهت مطالعه ژئومورفولوژی رودخانهها رویکردهای جدید را برای اندازه گیریها و تحلیل-های مختلف فراهم میکند و اجازه میدهد تا مطالعه جامع از پدیدهها در مقیاسهای مختلف صورت گیرد (بازساکی^۸ و همکاران، ۲۰۱۳: ۵۸؛ اوتوم^۹ و همکاران، ۲۰۱۹: ۲۰۱۱، وقتی شکلهای فرکتالی شبکههای مونومتریک پیچیده توصیف میشوند، درک و آگاهی از مفاهیم اساسی فرکتال همچون بعد فرکتالی، مقیاس می مونومتریک پیچیده توصیف فیزیکی توسعه مییابد. استفاده از مدلهای فرکتالی که توانایی بررسی تغییرپذیری متغیرهای پیچیده در بررسی پدیدههای ژئومورفولوژیکی را دارد، طی سالهای اخیر به سرعت در علوم مختلف بخصوص علوم زمین گسترش یافته است و به عنوان یک گزینه مناسب جهت مدل سازی پدیدههای پیچیده، تغییرات رودخانهها و نیز بررسی فرایندهای فرکتالی و مرز ورخوانه استفاده می میسترشای یو می آگایی بروسی تغییرپذیری منفیرهای پیچیده در بروسی و بو مونونون یک گزینه مناسب جهت مدل سازی پدیدههای پیچیده، تغییرات رودخانهها و نیز بررسی فرایندهای فیزیکی درون

- ¹. Yan
- ². Liao
- ^{3.} Carke
- ⁴. Joshi & Kotlia
- ⁵. Durighetto
- ⁶. Golekar
- ⁷. Bartolini
- ⁸. Buzsaki
- ⁹. Utomo ¹⁰. Yang & Shi
- ¹¹. Yu
- ¹². Zhou
- ¹³. Yang

۲۰۲۰). در این میان بیشتر مطالعات بر روی الگوی زهکشی شبکههای آبراههای متمرکز شده است، همچنین در سالهای اخیر مطالعاتی در خصوص استفاده از هندسه فراکتالی در شبکههای رودخانهای صورت گرفته (مندز ٔ و همکاران، ۲۰۲۰؛ گیل٬ و همکاران، ۲۰۱۹؛ پارسون و تامس٬ ۲۰۱۸). از جمله این مطالعات میتوان به اصغریسراسکانرود و زینالی (۱۳۹۴) اشاره نمود که با بررسی رودخانه گرمیچای نشان داد بین بعد فراکتالی و پارامترهای ضریب خمیدگی و زاویه مرکزی ارتباط مستقيمي وجود دارد و بعد فراكتالي ميتواند به عنوان پارامتر هندسي جديد وارد مدلهاي ريخت شناسي رودخانههاي پیچان رودی گردد. همچنین علمیزاده و همکاران (۱۳۹۷و۱۳۹۷) نظریه فرکتال و روش شمارش جعبه ای را در شبکه آبراهههای رودخانه زرینهرود بررسی نمودند و به این نتیجه رسیدند بعد فرکتال بالای رودخانه زرینهرود (۱/۹۸) معرف پیک هیدروگراف بالای حوضه و زمان کمتر برای رسیدن به جریان دائمی میباشد. به این ترتیب تعداد انشعابات رودخانه از مرتبههای گوناگون و همچنین سطح و طول این انشعابات از رابطه فرکتالی پیروی میکنند. سلطانی و همکاران (۱۳۹۸) با بررسی مدل ریاضی فراکتال در تغییرات لندفرمهای ژئومورفولوژیکی رودخانه ارس نتیجه گرفتند، تغییرات الگوی هندسی رودخانه دلیلی بر افزایش پیچیدگی است که باعث تغییر بعد فرکتالی می شود و همچنین روابط معناداری بین شاخصهای ژئومورفولوژیک و شاخصهای فرکتالی وجود دارد. از دیگر پژوهشها در سطح جهان، زناردو^۴ و همکاران (۲۰۱۳) با بررسی جریان رودخانههای آمریکا با استفاده از پارامترهای توکوناگا به این نتایج دست یافتند که روش توکوناگا درجه انشعاب جانبی أبراههها را تعیین میکند؛ همچنین این مدل وابستگی قابل توجهی به متغیرهای هیدرواقلیمی حوضه نشان میدهد و میتوان ارتباط جریان پاییندست ردهها را با ترسیم حوضه به شکل درختی نشان داد. سوپریکا^ه (۲۰۱۴)، گوپتا و مسا^ع (۲۰۱۴)، رزو^۷ و همکاران (۲۰۱۴) و فرناندز و سانچز^۸ (۲۰۱۵) با بررسی مفهوم بعد فرکتال در شبکه آبراههها به این نتیجه رسیدند که فرکتال روش مناسبی برای شناسایی پارامترهای ژئومورفولوژی رودخانهها میباشد و میتوان محاسبات مدل-سازی هیدرولوژیکی را در ارتباط با محاسبات بعد فرکتال به کار برد. توناس و همکاران (۲۰۱۶) به این نتیجه رسیدند شبکه هیدرولوژی رودخانه دارای ویژگیهایی برای پایداری در زمان و مکانهای مختلف است و نسبت شیب رودخانه، نسبت مساحت حوضه و نسبت طولی رودخانه با بعد فرکتال ارتباط دارند و می توان ویژگی شبکه حوضه را با ابعاد فرکتال تحلیل نمود. نتایج تحقیقات ژو^{۱۰} و همکاران (۲۰۱۷) نیز نشان داد ابعاد فرکتال مقطع عرضی رودخانه با افزایش عمق و سرعت جریان رودخانه کاهش می یابد. کوچگف و زالییین ^{۱۱} (۲۰۱۸) نتیجه گرفتند که شرط توکوناگا یک قانون جبری است که ساختار انشعاب در یک درخت خود متشابه را ارائه میدهد و روش شناسی و نتایج این کار به راحتی قابل اجرا است و سوالات مربوط به قوانین مقیاس بندی در درختان فرکتالی و قانون هورتون را حل کرده و میتواند برای دینامیک غیرخطی مورد توجه عمومی قرار گیرد. میکسنر^{۱۲} (۲۰۱۹) نیز با مطالعه فضایی و زمانی فرکتال خود متشابه در رودخانه جنوب آریزونا نتیجه گرفت که توزیع خاکهای مرطوب و خشک با تغییرات فرکتال و مشخصات طولی کانال رابطه دارد و جریانهای هیدروژئولوژیکی و ژئومورفیکی رودخانههای آبرفتی مناطق خشک میتوانند منجر به رفتار پیچیدهای در طول زمان شوند.

- ¹. Méndez
- ². Gale
- ³. Parsons & thoms
- ⁴. Zanardo
- ⁵. Sowpamilk
- ⁶. Gupta & Mesa
- ⁷. Rozo
- ⁸. Fernandez,& Sanchez
- ⁹. Tunas ¹⁰. Zhou
- ¹¹. Kovchegov & Zaliapin
- ¹². Meixner

در این راستا این پژوهش با هدف بررسی نظم هندسی شبکه آبراهههای حوضه آبریز بشار از مدل توکوناگا و بعد فرکتال همبستگی استفاده نموده است.

روش تحقيق

منطقه مورد مطالعه: رودخانه بشار یکی از سرشاخههای مهم رودخانه کارون در حوضه آبریز کارون بزرگ واقع در جنوب غربی کشور میباشد که با طول حدود ۱۵۰ کیلومتر، از دامنههای غربی رشته کوه زاگرس که شاخههای اولیه آن واقع در کوههای شمال غربی سپیدان استان فارس است، سرچشمه میگیرد و طی مسیر جنوب به شمال غربی خود با گذر از مناطق مجاور شهر یاسوج به رودخانه کبکیان میپیوندد (شکل ۱). مساحت حوضه بشار ۳۰۹۹ کیلومتر مربع و حداکثر ارتفاع آن ۴۲۸۳ متر و حداقل ارتفاع آن ۱۳۲۰ متر است. متوسط بارندگی حوضه آبریز رودخانه بشار ۸۵۸ میلی متر میباشد. این حوضه بسیار مرتفع و کوهستانی بوده و در زمستانها مملو از برف و قسمت اعظم آن نیز پوشیده از درختان بومی زاگرس است که عمدتاً در ارتفاعات جنوب غربی و برروی خطالراس تقسیم حوضه کارون بزرگ و جراحی و نیز شمال و شمال غرب حوضه متمرکز میباشند. سایر بخشهای حوضه را عمدتاً زمینهای کشاورزی پوشانیده است و علت وجود این شرایط بارندگی مناسب متأثر از ارتفاع منطقه میباشد.



شکل ۱: نقشه محدوده مورد مطالعه (حوضه بشار) در جنوبغرب کشور و شرق استان کهگیلویه و بویراحمد

روش توکوناگا: مدل توکوناگا یک مدل انشعاب است که بر اساس قوانین هورتون – استرالر و شامل مفهوم توپولوژی خود متشابه در ساخت شبکه رودخانه میباشد. منشأ این مدل در هیدرولوژی است که یک راه جایگزین برای توصیف مقیاس شبکه از یک درخت خود متشابه را ارائه میدهد و میانگین ویژگیهای توپولوژیکی شبکه رودخانههای متوسط تا بزرگ را میتوان به خوبی با این روش توصیف کرد (کوچگف و زالیپین^۱، ۲۰۱۸؛ زناردو و همکاران، ۲۰۱۳). در این پژوهش مطابق روش توکوناگا حوضه رودخانه بشار را به دو بخش شرقی و غربی تقسیم نموده و در ادامه با استفاده از این روش، شبکه نامنظم و منحنی رودخانه بشار به شکل منظم، هندسی و درختی ترسیم شده و محاسبات بعد فرکتالی و نسبت انشعاب حوضه از معادله نسبت انشعاب هورتون محاسبه گردید. در روش توکوناگا افزایش رتبه در شاخههای رودخانه فقط در زمانی حادث میشود که دو شاخه رود با رتبهای برابر به یکدیگر بیپوندند (تورکت^۲، ۲۰۰۲: ۲۰۷۲؛ کوچگف و همکاران، ۲۰۲۱)

¹. Kovchegov & Zaliapin

². Turcotte

(شکل ۲). بر این اساس تعداد کل آبراهههای مرتبه i ام $N_i/$ برای یک درخت فرکتالی از مرتبه n مطابق رابطه (۱) بهدست می آید (توکوناگا، ۱۹۸۴؛ چاوان و سرینیواس^۱، ۲۰۱۵):



$$N_i = \sum_{j=1}^n N_{ij}$$
(۱) (۱) (۱) (۱)

در ادامه برای طبقهبندی شاخههای جانبی، با استفاده از رابطه (۲) کمیت (Tij) که تعداد شاخههای جانبی است را به دست می آوریم (نیومن^۲ و همکاران، ۱۹۹۷: ۶۰۶). همچنین با استفاده از بعد فرکتالی، رابطه (۳) بین طول و مرتبه شبکههای زهکشی برقرار است (تورکت، ۲۰۰۷: ۳۰۷).

$$T_{ij} = \frac{n_{Ij}}{N_j}$$

$$D = \frac{\ln R_b}{\ln R_r}$$
(۲) رابطه (۳)

سپس رابطه نمایی پارامترهای توکوناگا (T_k) شامل دو مجهول (a و c) مطابق رابطه (۴) تعیین میشود (نیومن و همکاران، ۱۹۹۷: ۶۰۶).

$$\begin{split} T_k &= a c^{k-1} \to T_k = \frac{1}{n-k} \sum_{i=1}^{n-k} T_{i,i+k} & \text{(f)} \\ \text{y.t.} & \text{y.t.} & \text{y.t.} \\ \text{y.t.} & \text{y.t.} \\ \text{y.t.} & \text{y.t.} & \text{y.t.} \\ \text{y.t.} & \text{y.t.} & \text{y.t.} & \text{y.t.} \\ \text{y.t.} & \text{y$$

پس از محسبه محیر (۲۸) و کراریا کا پراستریای کو کو کو کو کا کا رابطه (۲) موداری کابل و گوپتا^۴، ۲۰۰۸).
از روی آن بهدست میآید و (R_b) تعیین میشود (پکهام^۳، ۱۹۹۵: ۹۵؛ مک کنال و گوپتا^۴، ۲۰۰۸).

$$R_b = \frac{2+c+a+\sqrt{(2+c=a)-8c}}{2}$$

 $R_b = \frac{2+c+a+\sqrt{(2+c=a)-8c}}{2}$
در ادامه، رابطه (۱۰) را برای رسم نمودار لگاریتمی (Tk) برحسب (K) استفاده می کنیم:
 $\ln T_k = \ln ac^{k-1} = \ln a + \ln c^{k-1} = \ln a + (k-1) \ln c$
(Y) رابطه (۲)

¹. Chavan & Srinivas

². Newman

³. Peckham

⁴. Mcconnell & Gupta

بعد فرکتال ظرفیت': بعد ظرفیت یک مقدار صرفاً هندسی است و بیانگر تعداد حداقل سلول لازم برای پوشش شبکه رودخانه (با این فرض که مسیر رودخانه در راستای یک خط مستقیم است) میباشد (علمیزاده و ماه پیکر، ۱۳۹۶). جهت بررسی نظم هندسی و فرم شبکه آبراهههای حوضه بشار با استفاده از روش بعد فرکتال ظرفیت، نقشه پایه حوضه از روی نقشههای توپوگرافی ۱:۵۰۰۰۰ و DEM منطقه موردمطالعه تهیه شد و بر روی این نقشهها شبکه آبراههها استخراج و از یکدیگر تفکیک گردید. سپس لایههای وکتوری شبکههای زهکشی حوضه در محیط نرمافزاری Arc GIS 10.5 جهت تحلیل و پردازش ردههای آبراههای استخراج گردید و دادههای ورودی برای محاسبه عدد فرکتالی دوبعدی به کمک تابع بعد فرکتال ظرفیت در نرمافزار فرکتالیز^۲ پردازش گردید. بعد ظرفیت، سلولهایی که برای پوشش یک حوضه در مسیر مستقیم رودخانه قرار دارند را نشان میدهد. در این رابطه با استفاده از معادله تیچی^۳(۲۰۱۲) محاسبات بعد ظرفیت محاسبه می گردد (رابطه ۸) (کوزاک^۴، ۲۰۱۴). رابطه (۸)

 $D = \frac{\log(N)}{\log(n)}$

که در آن: (N): تعداد سلول های پوشش دهنده الگوی شبکه زهکشی؛ و (n): تعداد سلولهای شبکه منظم حوضه می باشد.

بحث و يافتهها

نتایج توکوناگا: در اولین گام مطابق با روش توکوناگا رتبهبندی رودخانه بشار به شکل درخت متناظر ترسیم گردید (شکل۳).



شکل ۳: درخت متناظر رودخانه بشار با شاخههای جانبی و رتبه شاخهها

Capacity

- Fractalys
- Tichy
- Kusak

با توجه به (جدول۱) آبراهه اصلی رودخانه بشار که از شاخهR۱ شروع و به دریاچه خرسان ختم می شود، دارای مرتبه ۴۴ می اشد، در این رابطه سنجش درجه تکامل حوضه آبریز و شبکه رودخانه بشار با معیارهای تراکم، رتبه یا رده و نسبت انشعاب صورت گرفت. در این راستا طول و مرتبه هر شاخه آبراهه را محاسبه نموده و سپس تعداد رتبههای رودخانه به تفکیک مرتبه (جدول ۲). در ادامه پس از تعیین مقادیر میانگین برای نسبت نفکیک مرتبه (جدول ۲). در ادامه پس از تعیین مقادیر میانی برای نسبت انشعاب آبراهه از تعیین مقادیر میانگین برای نسبت انشعاب آبراهه از تعیین مقادیر میانگین برای نسبت انشعاب آبراهه از آبراهه از در این راست طولی شاخهها تعیین گردید (جدول ۳). در ادامه پس از تعیین مقادیر میانگین برای نسبت انشعاب آبراههها (جدول ۴)، نسبت طولی شاخهها نیز محاسبه شد (جدول ۵).

مرتبه	مرتبه هورتون	طول	نام		مرتبه	مرتبه هورتون	طول	نام
توكوناة	استرالر	(Km)	شاخه		توكوناگا	استرالر	(Km)	شاخه
))	١	٩/١٨	R۴۳		۱۳	١	١/٩۵	R۱۴
))	١	۴/۸۴	R۴۴		۱۳	١	۳/۴۳	R۵۶
))	١	۱۳/۹۵	R۴۰		۱۳)	۲/٩۶	R٩
))	١	۵/۷۸	R۳۹	N.	١٣	١	١۴/٨٩	R۲۱
))	١	۱۵/۳۳	R۳۴		14	١	1./87	R۵۴
))	1	۲۳/۳۷	R۳۳	K.	14	1	۵/۳۷	R۵۲
))	١	۳/۰۵	R۲۹	1	14	1	۱۰/۱۹	R۵۰
))	١	۶/۵۲	R۲۸		14		۳/۵۲	R۵۱
)))	۱۸/۲۴	R۱۵	1	14	1	۱/۶۰	R۵۳
))	١	٣/٠٣	R۱۶	N	14	1	۶/۵۶	R۵۵
))	1	۲/۳۰	R۵	7	14		۳۶/۴۳	R۵۷
))	١	۱۰/۲۳	R۴	<u>_</u>	77	٢	۸/۳۶	R۴۵
))	١	٣/٠٨	R١	1	77	٢	۵/۹۳	R۳۵
))	١	٣/٨٢	R٢		77	٢	۲۴/۸۵	R۳۲
))	1:/:	۵/۶۰	R۱۰	۰.	77	7	۲/٩٠	R۶
))	150	۱۰/۰۸	Ru	31	77	00 Y .9/	٣/٣٩	R۲۲
))	١	٨/٢٠	R١٩		۲۳	٢	۶/۰۱	R۴۱
))	١	۵/۵۵	R۱۸	14	77	٢	٣/٠٩	R۲۲
))	١	٣/٣٩	R۲۴		٢٣	۲	۳/۸۵	R۴۲
))	١	17/79	R۲۳		٢٣	٢	۳/۷۶	R۱۷
))	١	٣/٠٧	R۴۷		۲۳	٢	۲/۰۲	R۱۲
))	١	٧/٩٢	R۴۸		۲۳	٢	٩/٨٢	R۲۰
17	١	٣/٣۵	R۳۸		74	٢	٧/٠٧	R۲۶
17	١	٣/٨٨	R۳۱		74	٢	۶/۴۱	R۴۹
17	١	۳/۱۳	R۲۵		٣٣	٣	۶/۲۵	R۳۶
۱۳	١	۴/۸۵	R۳۷		٣٣	٣	۱۱/۸۰	R۳۰
۱۳	١	۱۱/۹۲	R۲۷		٣٣	٣	٣/٩٧	R۴۲
۱۳	١	۵/۳۲	R۱۳	1	٣٣	٣	1./22	R۵۸
۱۳	١	۱۰/۰۵	R٨	1	44	۴	۱۰/۹۲	R۵۹
۱۳	١	۱۰/۳۰	R٧	1				

جدول ۱: طول و مرتبه شاخههای رودخانه بشار

در این راستا مطابق با رابطه (۱) برای تفکیک شاخههای آبراهههای حوضه به مرتبه توکوناگا و سیستم هورتون- استرالر و پردازش تعداد آبراههها در (جداول ۲و۳) محاسبه گردیده است. به دلیل اینکه نسبت انشعاب حوضه برای بیان میزان توسعه آبراههها با رتبههای مختلف، نسبت به یکدیگر به کار برده میشود، میتواند شاخص مناسبی برای مشخص کردن تأثیر انشعابات شبکه رودخانه بر هیدروگراف سیل یا به طور کلی رفتار هیدرولوژیکی حوضه باشد و در واقع یکی از عوامل مؤثر در شکل هیدروگراف به شمار میآید (جدول ۴). در ادامه، مطابق سیستم هورتون، نسبت طول آبراههها را با نسبت میانگین طول آبراهه در رتبههای مورد نظر محاسبه و آنرا نسبت به میانگین طول آبراهه رتبه کمتر بعدی تعریف شدهاست (جدول ۵) و همانطور که مشاهده میشود؛ با افزایش مرتبه، میانگین طولی انشعابات رود نیز افزایش مییابد؛ زیرا همانگونه که شاخهها به هم پیوند میخورند، میزان دبی افزایشیافته و قدرت پیشروی رود بیشتر میشود.

جدول ۲: تعداد شاخهها به تفکیک مرتبه با استفاده از (رابطه ۱)

پارامتر	مرتبه اول (N1)	مرتبه دوم (N2)	مرتبه سوم (N3)	مرتبه چهارم (N4)
تعداد شاخەھا (Ni)	41	١٣	۴	١

جدول ۳: میانگین طولی شاخهها با استفاده از روش توکوناگا

پارامتر	R1	R2	R3	R4
ميانگين طول (ri)	٧/٢٣	۶/۷۳	٨/٠۶	۱۰/۹۲

جدول ۴: نسبت انشعاب با استفاده از روش هور تون

پارامتر	N1/N2	N2/N3	N3/N4	میانگین
نسبت انشعاب (Rb)	٣	۲/۶	۵	٣/٠۴

میانگین R2/r1 R3/r2 R4/r3 پارامتر (Rr) ۱/۲۶ ۱/۳۶ نسبت طولی مرتبه ۱/۱۶

جدول ۵: نسبت طولی مرتبه رودخانه بشار در رتبهبندی توکوناگا

شبکه رودخانهها در سطح حوضه آبریز، عمل تخلیه رواناب را برعهده دارند و هرچه شبکه رودخانههای یک حوضه تکامل یافتهتر باشند؛ تخلیه رواناب از آن حوضه بهتر و سادهتر انجام می شود. با توجه به طول شاخهها، بعد درختان فرکتالی مطابق (رابطه ۳) برای حوضه بشار (۱/۲۶) محاسبه گردید. بعد فرکتال محاسبه شده معرف نسبت انشعاب متوسط و مدت زمان اندک برای رسیدن به جریان دائمی است:

$$D = \frac{\ln R_{b}}{\ln R_{r}} = \frac{\ln(1/2612)}{\ln(1/0033)} = 1/26$$

در ادامه پارامترهای توکوناگا را در رابطه (۶) قرار داده و مقدار R_b راتعیین میکنیم:

$$R_b = \frac{2 + c + a + \sqrt{(2 + c + a)^2 - 8c}}{2} = 4/36$$

سپس مطابق روش توکوناگا به تعیین بعد فرکتال میپردازیم. مطابق این روش، هنگامی که درخت فرکتالی شبکه زهکشی دارای شاخههای جانبی باشد، بعد فرکتالی آبراههها با استفاده از ارتباط بین شاخههای مرتبه (j) و شاخههای مرتبه (i) که یک ماتریس بالا مثلثی را تشکیل داده است، محاسبه میشود. در این رابطه ابتدا مطابق (رابطه ۳ تا۶) ماتریسی را تشکیل میدهیم که بهصورت زیر میباشد:

حال مطابق ماتریس فوق مقادیر T_k را تعیین می کنیم. با توجه به اینکه شاخه اصلی آبراهه دارای مرتبه چهارم می باشد، پس 0 < k < 4 است. بدین ترتیب مقادیر $T_k = 0.23$ و $T_2 = T_2$ و $T_3 = T_2$ به دست می آیند. در نمودار (شکل ۴) مقدار شاخص $T_k = 0.23$ برحسب پارامتر k به صورت خطی تبدیل شده است. با رسم نقاط و برازش خط بر روی نقاط، بهترین مقادیر T_k و R_k به دست می آیند. سپس پارامترهای توکوناگا را در (رابطه ۶) قرار داده و مقدار پارامتر R_b برابر ۴/۳۶ تعیین گردید. در ادامه بعد فرکتال رودخانه بشار مطابق روش توکوناگا و با استفاده از دادههای به دست آمده جداول ۲ تا ۵ و رابطه (۶) برابر ۲/۶۲ محاسبه گردید.



c = 3.5 و a = 0.08 ثسکل ۴: وابستگی Tk به k با مقادیر ثابت a = 0.08 و

نتایج بعد فرکتال ظرفیت: بعد فرکتال ظرفیت، سلولهایی که برای پوشش یک حوضه آبریز در مسیر مستقیم رودخانه قرار دارند را نشان میدهد (کاساک، ۲۰۱۴، ۱۰۵). مطابق با روش بعد ظرفیت (رابطه ۸)، مقادیر بعد فرکتال ظرفیت حوضه آبریز بشار (۱/۵۵) محاسبه شده است (جدول۶). این بعد ظرفیت یک مقدار هندسی است و بیانگر تعداد حداقل سلول لازم برای پوشش شبکه رودخانه میباشد؛ یعنی با این فرض که مسیر رودخانه در راستای یک خط مستقیم جریان دارد. درواقع ویژگی عمده روش بعد ظرفیت این است که تعداد دقیق سلولهای پوشش دادهشده را لحاظ میکند؛ اما تعداد دفعاتی که دینامیک سیستم، نواحی مختلف فضای فاز ملاقات میکند را در نظر نمی گیرد و به عبارت دیگر به اندازه گیری جاذب در آن سیستم نمی پردازد.

مقادیر بالای بعد فرکتالی در حوضه مورد مطالعه، فرآیندهای فرسایشی روی تکامل الگوی زهکشی موردمطالعه را نشان میدهد و حاکی از غلبه فرسایش بر شکل گیری الگوی رودخانه دارد که این ارتباط در پژوهشهای مشابه نیز تائید و اثبات شده است؛ این بدان معنی است که ابعاد فراکتالی مشخصه فرسایشپذیری و تکتونیک رودخانهها را نشان میدهند. با بررسی نتایج بهدست آمده توسط دیگر محققین، تورکت (۱۹۸۹)، تنژو^۱ (۱۹۹۲)، فیلیپس^۲ (۱۹۹۳)، ویلترا^۳ (۱۹۹۶) و مونتگومری^۴ (۱۹۹۶)، یانگ و شی (۲۰۱۷) و وانگ و همکاران (۲۰۱۷) مقادیر بالای بعد فرکتال برای سیستمهای زهکشی واقع در نواحی کوهستانی مانند حوضه مورد مطالعه به دست میآید، درحالیکه نواحی زهکشی که در سطوح پست قرار دارند، ابعاد فراکتالی کم دارند. درنتیجه نواحی با تراکم زهکش بالا، بعد فراکتالی بالا دارند که یک منشأ و تکامل آشوبناک و غیرخطی را نشان می دهد. در حالیکه نواحی زهکشی که در سطوح پست قرار دارند، ابعاد فراکتالی کم دارند. درنتیجه نواحی با تراکم زهکش بالا، بعد فراکتالی بالا دارند که یک منشأ و تکامل آشوبناک و غیرخطی را نشان میدهد، درحالیکه مقادیر کمتر D، بین ۱ و ۱۹۹۶ مطابق با نتیجه ویلترا (۱۹۹۶) و منتگومری (۱۹۹۶)، در دامل آشوبناک و غیرخطی را نشان میدهد، درحالیکه مقادیر کمتر D، بین ۱ و ۱/۱ مطابق با نتیجه ویلترا (۱۹۹۶) و منتگومری (۱۹۹۶)، در دامل آز بعد میتواند وجود فرآیتالی در درحالی که مقادیر حصل از بعد و غیرخطی را نشان میدهد، درحالیکه مقادیر کمتر D، بین ۱ و ۱۸ مطابق با نتیجه ویلترا (۱۹۹۶) و منتگومری (۱۹۹۶)، معاون در دامل آز بعد میتواند وجود فرآیندهای کنترلی روی تکامل حوضه موردمطالعه را نشان دهد. این یافته ها با نتایج مقادیر حاصل از بعد میتواند وجود فرآیندهای کنترلی روی تکامل حوضه موردمطالعه را نشان دهد. این یافته ها با نتایج مقادیر حاصل از بعد فرکتالی در محدوده مورد مطالعه مطابقت دارد.

S	N	Log(n)	N	Log(N)	D
٢	۶٩	١/٨٣	۹۱۵۹	٣/٩٧	۲/۱۷
۴	٣۴	۱/۵۳	۴۴۴۸	۳/۶۵	۲/۳۹
٨	١٧	١/٢٣	۱۸۳۸	٣/٢٧	۲/۶۶
18	٨	+/٩+	۵۸۶	۲/۷۷	٣/٠٨
۳۲	۴	+/8+	١٧٠	۲/۲۳	٣/٧٢
54	٢	•/٣•	۵۳	١/٧٣	۵/۷۷
١٢٨	١	ALC:	١٢	١/٢٣	•
205	۰/۵۲	-•/٢٨	Y	۰/۸۵	- ₩/•₩
۵۱۲	۰/۲۸	-•/۵۵	٣	٠/۴٨	-•/AY
1.74	۰/۱۴	-+/Að	۲	۰/۳۰	-٠/٣۵
		K	X		Ave: ۱/۵۵

جدول ٤: مقدار بهدست آمده كل حوضه آبريز بشار مطابق با روش بعد ظرفيت

نتيجهگيرى

در این نوشتار جهت تحلیل نظم هندسی شبکه زهکشی رودخانه بشار و همچنین پیش بینی الگوی رفتار آبراهههای آن، از روش توکوناگا و بعد ظرفیت استفادهشده و اشکال الگوی منظم و فرکتالی در این سیستم آبراههای بررسی شده است. با توجه به نتایج پژوهش از هندسه فرکتال میتوان جهت بررسی مسیر و تغییرات طول انشعابات رودخانهها و نیز حوضه آنها که در ظاهر دارای هیچ نظم و قاعده خاصی نمی باشد، در گذر زمان بهره جست. بنابراین با استفاده از روابطی در قالب که در ظاهر دارای هیچ نظم و قاعده خاصی نمی باشد، در گذر زمان بهره جست. بنابراین با استفاده از روابطی در قالب هدیسه درختان فراکتالی میتوان شبکه آبراههها را منظم و براساس روال و منطق خاصی تعریف نمود و به پیش بینی مسائل میتوان بهره جست. بنابراین با استفاده از روابطی در قالب هدیسه درختان فراکتالی میتوان شبکه آبراههها را منظم و براساس روال و منطق خاصی تعریف نمود و به پیش بینی مسائل مربوط به هندسه رودخانه و همچنین فرآیندهای فیزیکی درون رودخانه پرداخت. بعد فرکتالی بالای رودخانه بشار در هر فروس مورد بررسی (روش توکوناگا و بعد ظرفیت)، میتواند به منشأ و تکامل رودخانه مربوط باشد. مورد موالعه، فرآیندهای فرسیکه روی تکامل الگوی زهکشی موردمطالعه را نشان می دهد و حکالی فرکتالی در حوضه مورد مطالعه، فرآیندهای فیزیکی درون رودخانه پرداخت. بعد فرکتالی بالای رودخانه بشار در هر فرکتالی در حوضه مورد مطالعه، فرآیندهای فرسیتی روی تکامل الگوی زهکشی موردمطالعه را نشان می دهد و حاکی از فرکتالی در حوضه مورد مطالعه، فرآیندهای فرسیشی روی تکامل الگوی زهکشی موردمطالعه را نشان می دهد و حاکی از و تکامل آشوبناک و غیرخطی را نشان می دهد، این یافته ها با نتایج مقادیر حاصل از بعد فرکتالی در محدوده مورد مطالعه او نیمه راست، روند و تکامل آشوبناک و غیرخطی را نشان می دهد، این یافته ها با نتایج مقادیر حاصل از بعد فرکتالی در محدوده مورد مواده مورد مطالعه از میان می در محدوده مورد مطالعه او مندا مورد ضریب مولی می و تعین رده و تعداد و مول آبراهه ها در نیمه راست، روند و تکارل آشوبناک و غیرخطی را نشان می دهد، این یافته ها با نتایج مقادیر حاصل از بعد فرکتالی در محدوده مورد مورد مورد مولا و مخلی مالعه دار در مود مورد ضریب هوستگی و تعداد و مول آبرالی می دود و مول مالعه در داندی مودن ضریب مول مول و مول و آبر مولا می در موله می در مول مال مولا می مود

¹. Tanzhou

². Phillips

³. Voltaire

⁴. Montgomery

تکامل مورفولوژیکی آبراههای بخش شرقی تندتر از بخش غربی است. زیاد بودن میزان تراکم زهکشی در بخش شرقی به دلیل بالا بودن تعداد آبراهه، نشاندهندهی شدت هرزآب و سیلابهای تند در زمانهای کوتاه که بعد از بارندگی ظاهر میشود و در نتیجه پدیده فرسایش در این قسمتهای حوضه است که خود متأثر از اقلیم و لیتولوژی حوضه میباشد. رودخانه بشار در طول زمان بارها تغییر مسیر داده و از حالت تعادل و نظم خارج شده، وجود لایههای ماسهای ریزدانه بادی و فاقد چسبندگی و فرسایش پذیر و همچنین اراضی متروکی که در اثر این پدیده به وجود آمدهاند و هماکنون توسط اهالی به زیر کشت رفتهاند، مؤید این مطلب میباشند. بنابراین ارتباط معناداری بین پارامترهای بعد فرکتال و خصوصیات هیدرومتری و مورفومتری در ژئوسیستمهای رودخانهای حوضه مطالعاتی وجود دارد. از دیدگاه ترمودینامیک، این نتایج اثبات کننده ابعاد فرکتالی بزرگ در حوضه های جوان با سطوح انرژی بالاتر و بی نظمی بیشتر هستند.

سپاسگزاری:

«این مقاله مستخرج از نتایج طرح تحقیقاتی اجرا شده با شماره قرارداد ۱۶۰ از محل اعتبارات ویژه پژوهشی دانشگاه میباشد.»

منابع

- اصغری سراسکانرود، صیاد، زینالی بتول،، ۱۳۹۴. بررسی الگوی پیچان رودی رودخانه گرمی چای استان آذربایجان شرقی با استفاده از روش های ژئومورفولوژی و تحلیل فراکتال. فصل نامه تحقیقات جغرافیایی.۳۰ (۴) :۲۹–۶۴.
- حسینی، علی، فتاحی، محمد هادی. ۱۴۰۰. بررسی مقایسه ای شاخص مورفولوژی زاویه مرکزی (با پارامترهای چند فراکتالی الگوی تکامل پیچان رودها با استفاده از روابط رگرسیونی (مطالعه موردی: رودخانه قره آغاج در استان فارس). پژوهشهای ژئومورفولوژی کمّی، ۹(۴)، ۹۶–۱۱۱.
- دریکوند، سمیه، فرهپور، محمد مهدی. ۱۳۹۹. ارزیابی تکتونیک فعال نسبی حوضه خرم رود با استفاده از شاخصهای مورفومتری و تحلیل الگوی فرکتالی (لرستان، شمال غرب کمربند زاگرس. پژوهشهای ژئومورفولوژی کمّی، ۹(۳)، ۸۸–۱۰۷.
- سپهر، ع.، خسروی، ع.، عبدالله زاده، ز. ۱۳۹۵. رفتار فرکتالی و ارتباط آن با خصوصیات هیدرومورفومتری حوضه های آبریز
 دامنه ی شمالی. هیدروژئومورفولوژی، شماره ۹، صص ۲۰–۱.
- سلطانی، شکور، قهرودی تالی، منیژه، صدوق، سیدحسن. ۱۳۹۸. کاربرد سنجش از دور و مدل ریاضی فراکتال در بررسی رفتار و تغییرات لندفرم های ژئومورفولوژیکی رودخانه ارس. پژوهشهای ژئومورفولوژی کمّی، ۷ (۴)، ۲۳–۹۲.
- علمیزاده، هیوا،، ماه پیکر، امید و سعادتمند، مریم،، ۱۳۹۷. بررسی نظریهی فرکتال در ژئومورفولوژی رودخانهای: مطالعهی موردی زرینهرود. پژوهشهای ژئومورفولوژی کمّی، ۳ (۲)، ۱۴۰–۱۴۱.
- علمیزاده هیوا، ماه پیکر امید. ۱۳۹۶. بررسی نظریه فرکتال در رودخانه زرینهرود با استفاده از روش شمارش جعبهای. فضای جغرافیایی. ۱۷ (۵۹) ۲۷۰۰:–۲۵۵.
 - Anwar, N., Tunas, I., Lasminto, U., 2019. A synthetic unit hydrograph model based on fractal characteristics of watersheds, International Journal of River Basin Management, 17:4, 465-477.
 - Bartolini, C., 2012. Is the morphogenetic role of tectonicsoveremphasized at times? Boll. Geof. Teor. Appl. 53(4), pp.459–470.
 - Buzsaki, G., Logothetis, N., Singer, W., 2013. Scaling brain size, keeping time: evolutionary preservation of brain rhythms. Neuron, (2013), 80:751–64.
 - Carke, J., Aher, P. D., Adinarayana, A., Gorantivar, J., 2015. Prioritization of Watersheds Using Multicriteria Evalution Through Fuzzy Analytical Hierarchy Process. Agricultural Engineering Int: CIGR Journal, 15(1). pp. 11-18.
 - Chavan, S. R., & Srinivas, V. V. (2015). Effect of DEM source on equivalent Horton– Strahler ratio based GIUH for catchments in two Indian river basins. Journal of Hydrology, 528, 463–489.

پژوهش های ژئومورفولوژی کمّی، سال یازدهم، شماره ۱، تابستان ۱۴۰۱

- Durighetto, N., Vingiani, F., Bertassello, L. E., Camporese, M., & Botter, G. (2020). Intraseasonal Drainage Network Dynamics in a Headwater Catchment of the Italian Alps. Water Resources Research, 56(4).doi:10.1029/2019wr025563.
- Elmizadeh, H., MahPeykar, O., Saadatmand, M., (2015). Investigation of Fractal Theory in River Geomorphology: A Case Study of Zarrineh River. Quantitative Geomorphological Research, 3(2), 130-141.
- Fernandez-Martínez, M., Sanchez-Granero, M. A...2015. How to calculate the Hausdorff dimension using fractal structures, Applied Mathematics and Computation, 264: 116–131.
- Gale, S. J., Ibrahim, Z. Z., Lal, J., & Sicinilawa, U. B. T. (2019). Downstream fining in a megaclast-dominated fluvial system: The Sabeto River of western Viti Levu, Fiji. Geomorphology, 330, 151–162. doi:10.1016/j.geomorph.2019.01.009.
- Golekar, R.B., Baride, M.V., Patil S.N., 2013. Morphometric analysis and hydrogeological implication: Anjaniand Jhiri river basin Maharashtra, India, Arch Appl Sci Res, 5(2): 33-41.
- Gupta, V. K., and Mesa, O. J., 2014. Horton laws for hydraulic–geometric variables and their scaling exponents in self-similar Tokunaga river networks, Nonlinear Processes in Geophysics, 21: 1007-1025.
- Horton, R.E., 1945. Erosional development of streams and their drainage basins: hydrographical approach to quantitative morphology. In: Christofoletti, A. (Ed.), Geomorfologi'a Fluvial. O Canal Fluvial, vol. 1. Ed. Blucher, Sao Paulo, Brazil, pp. 312n-32;
- Joshi,; L M, n&KKotlia,0B. S8\$2018). Tectonict footprintsi and Dandscape evaluation along KulurhRiveryvalley,eKumauniLesser Himalaya,IIndiaddournalrof AsianuEarths Sciences, 162,cl21–136.wdo:10 1016/j.jseaes 2018t04t023p
- Karam, A, Saberi, M., (2014)((Calculation of Fractal dimensiondinidrainage/basinsj and its relationship with)somelgeomorphologicalecharacteristicstofithefbasinr(Case study:aNorthTTehranRcatchments), Quantitative GeomorphologicalsResearch,M(3),e 153-167s
- Khosravi, A, Sepehr, Mi, cAbdollahzadeh, Z (2017)ssFractal Behaviorf and Its Relationship with Hydromorphometric Characteristics over: Catchments of Binaloud Northern Hillslopes; Hydrogeomorphology; 3(9), 1-201
- Kovchegov,;YM,MdrZaliapin,W.I (2018)lTokunaga self-similarity arises(naturallyifromt timesinvariance, Chaos: AnnInterdisciplinary,eJournal of NonlineartSciencet Volumei 28, Issuet4tt10 1063/1.5029937D
- Kovchegov, Yq andaZaliapin,r11, Foufoula-Georgiou, E. (2021). Critical Tokunaga9 model for Ariver networks, Physical Review Journals ME 105, 0143010 Uomo, Ki Sg Sutopo, Y., & Adi, M Hu (2019)t Drainage Network System of Sekaran Village,E Gunungpati District, Semarang City. Jurnal Teknik Sipil Dan Perencanaan, 21(1), 39– 45H doil 0T 5294/jtsp;v21i1,18301,
- Liao, Z, Gu, X, Xie, Ji, Wang, XD,& Chen, Jf (2019)t An integrated assessment of drainage system reconstruction based onca drainage network modeliiEnvironmentalA Science and PollutionbRe&arch, M6(26), 563–576.doi:10t1007/s11356-019-05280-1n
- Mcconnell, MmandtGupta, dMss(2008)ssAtproof of theeHorton lawsofistream numbers. forithe Tokunagarmodel of(river networks,: World Scientific Publishing Company, Voli: 16, No. 3, 227–233.
- Meixner, rT, Williams, (Z)Ce, ePelletier, cJtDt, t 2019a Self-affine fractal spatial and N temporal variability of (the)San:Pedro River, southern Arizona, American Geophysical r Union iJournalm6 Geophysical Research: Earth Surface, 124, (6), p. 1540-1558.
- Méndez-Quintas, E., Santonja, M., Pérez-González, A., Arnold, L. J., Demuro, M., & Duval, M (2020). A multidisciplinary overview of the lower Miño River terrace system

(NWI IberianoPeninsula):uAt responsegto(comments9by- Viveen2et alñ QuaternaryM International, & 65, cl 29–135. doi:10.1016/j.quaint.2020 09 037

- Newman, 4W I., Turcotte, cDID., Gabrielov, tA M, 1997ttFractaltTrees with Side Veltri, Mr, r Veltri, P, Maiolo, i M, (1996), "OnHthel fractal description oft naturaln channelnetworks, Journal ofiHydrology, 187: 137-144s
- Parsons, M., & Thoms, 2M. C. (2018). From:academic/to applied: 60perationalisingresilience in river. systemsñ Geomorphology, 305,H 242–251tt doi:10.1016/jegeomorphe2017e08e040e
- Peckham, S Dt,t1995 NewiResults, for Self-Similar TreestwithfApplicationsrto, Riverl Networks, WatertResourcesaResarch.31, 1023.
- Rahmati, O., Tahmasebipour, N., Pourghasemi, WH (2015)uSub-watershednflooding' prioritization using morphometric and correlation analysiss(Casesstudy: Golestan-Watershed).. Iranian journalj of2 Ecohydrology, 2(2), 151-161. doi: 10.22059/ije.2015.56241.
- Rahmizadegan, M., Merrikhpour, M. (2016). Determination of Basin's Physiographic Characteristics Derived from the ASTER Digital Elevation Model (Case Study: The KabudRahang Plain, Hamedan, IRAN). Water Resources Engineering, 9(29), 103-124.
- Rezaei, H., Jabbari Gharabagh, S. (2017). Noise Reduction Effect on Chaotic Analysis of Nazluchay River Flow. Water and Soil Science, 27(3), 239-250(
- Rozo, oGnuli, i Nogueira, Ci, aSoto, C., 2014 CRemotel sensing-basedi analysis of the planform changes aing the Upper Amazonn River over, Journal of TArid Environments, period 119, 1p425-439.
- Soltani, S;,;ghohroudittali,hMm,mdaogh,nSm20(19) Application of remoteasensing(andt fractals mathematical modelf inc studyingc theo behaviort andi variationsC ofS geomorphologicrlandformspofiArastriverdQuantitativelGeomorphologicalyResearch, 7(4),-73-92.
- Sowpamilk, m, 2014 ogaira, timplication of Stractal dimension on properties of rivers and mrier basins, tVolumet5, issue 12, tDecember (2014), .pp. 155-164.
- Tokunaga, E., 1984. Ordering of divide segments and law of divide segment numbers. geomorphology. 5, 71–78.
- Tunas, I., Anwar, NCKasminto, iUr, 20169Fractal Characteristic 'Analysis@f Watershedt ase Variablet of SyntheticnUnit Hydrographi Model, nThet Open Civil-Engineeringi Journal, t10(1):706-718atOctober 2016 with 168iReads
- Turcotte, Dod.,2007 "Fractal and: chaos-in geology and5geophysics", Cambridge University Press, Cambridge, pp.1-æ98;
- Yamani, M., Alaei(Taleghani., M,:Shahbazi, Sabrieh. (2012)–Morphotectonic@andlits impact on the-changes in bed and pattern. Journal of Geography and Regional Development, 9(2)t
- Yan, Y., Tang, iJi, i& Pilesjö, P. (2018). A&ombined algorithmlfor automatedadrainagee networki extraction from-digital6elevationi modelsg Hydrological Processes, W2(10),s 1322–1333. doi:10.1002/hyp.11479.
- Yang, pHf, fandsShi, C¤h¤2017cThetFractal Characteristics:of DrainageNetworks and ErosioneEvolution StagesofTennKongduis in:the-Upper Reaches of the Yellow River, ChinaSource:iJournaltofiResourcesMandMcDogy,K82):165-173.
- Yang, H, Yang, iXe, Huang, tWr, Li, Mn, Hu, AN, Muang, tXt, t&rYang, CHr(2020)sd 0Be'and OSLsdating of Pleistocene fluvial terraces along the Hongshuiba. River: Constraints on tectoniciand climatic drivers for fluvial downcutting across the NE Tibetan Plateau margin, iChinaf Geomorphology, 348, 1068841 doi: 10k1016/j3geomorph32019310684U

پژوهشهای ژئومورفولوژی کمّی، سال یازدهم، شماره ۱، تابستان ۱۴۰۱

- Yu, Fi, Serena C., iKyungrock, rP, Gavan, lM GG, Suresh, P., Rao, 9C., Montanari, Al, Jawitz, :JW., 2018. Globally Universal Fractal:Pattern of Human Settlements in River Networks CAmericani Geophysical Uniono pp: 1-20c
- Wang, Z, Zhou, Fi,iCao,rHo 2017. The Fractal Characteristics of the RiverrNetworkO BasedaonTHorton Law inItheCLandslides AreaMInternational Conference on Civil Engineering and Rock Engineeringl Pp:680-684a
- Zakir Mushfeq, Mr, MisiHosseini, Massoud (2013)ñAnalysisDandePrediction: of the Kashkan River Flow using Chaos Theory. Journal of Hydraulics, 8(3), 45-61.
- Zanardo,; Sc, IWZaliapin, and Ea Foufoula-Georgiou (2013), Are American rivers Tokunaga self-similar? HNew resultst on fluvial network topology and its climatic dependence, Journal of DGophysical Research Atmospheresu [18 (1):166-183]
- Zhou, Zy, Zhihui, No, Lichun, W, Liang, Z-, 2017 Fractall research of transverses sectionsiofiadong rivernchannel/belowaadam, Environment Earth Scince, 76:553, pp: 11